

# Cvičení 2

## Modelování systémů a procesů

Mgr. Lucie Kárná, PhD

karna@fd.cvut.cz

March 5, 2018

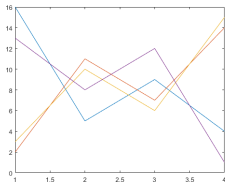
- 1 Grafické možnosti Matlabu
- 2 Zobrazení signálu
- 3 Fourierova transformace
- 4 Analýza signálu

# Základní grafické příkazy I

## Graf funkce

`figure` aktivuje okno pro obrázek  
`plot` kreslí graf

- `plot(v)`,  $v$  je vektor:
  - na vodorovné ose index  $i$
  - na svislé ose hodnoty  $v(i)$
- `plot(A)`,  $A$  je matice:
  - na vodorovné ose řádkový index  $i$
  - na svislé ose hodnoty  $A(i, j)$
  - tj. pro každý sloupec  $j$  jeden graf
- `plot(x, y)`,  $x$  a  $y$  vektory stejné délky:  
XY-graf

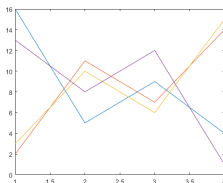


# Základní grafické příkazy I

## Graf funkce

`figure` aktivuje okno pro obrázek  
`plot` kreslí graf

- `plot(v)`,  $v$  je vektor:
  - na vodorovné ose index  $i$
  - na svislé ose hodnoty  $v(i)$
- `plot(A)`,  $A$  je matice:
  - na vodorovné ose řádkový index  $i$
  - na svislé ose hodnoty  $A(i, j)$
  - tj. pro každý sloupec  $j$  jeden graf
- `plot(x,y)`,  $x$  a  $y$  vektory stejné délky:  
XY-graf

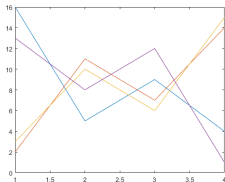


# Základní grafické příkazy I

## Graf funkce

`figure` aktivuje okno pro obrázek  
`plot` kreslí graf

- `plot(v)`,  $v$  je vektor:
  - na vodorovné ose index  $i$
  - na svislé ose hodnoty  $v(i)$
- `plot(A)`,  $A$  je matice:
  - na vodorovné ose řádkový index  $i$
  - na svislé ose hodnoty  $A(i, j)$
  - tj. pro každý sloupec  $j$  jeden graf
- `plot(x, y)`,  $x$  a  $y$  vektory stejné délky:  
XY-graf



# Graf jedné funkce

## Úloha 1

Nakreslete graf funkce  $y = t \cdot e^{-\frac{1}{2}t}$  na intervalu  $\langle 0, 5 \rangle$ .

## Řešení

```
> t = [0:0.1:5];  
> y = t.*exp(-0.5*t);  
> figure(1);  
> plot(t,y);
```

# Graf jedné funkce

## Úloha 1

Nakreslete graf funkce  $y = t \cdot e^{-\frac{1}{2}t}$  na intervalu  $\langle 0, 5 \rangle$ .

## Řešení

```
» t = [0:0.1:5];  
» y = t.*exp(-0.5*t);  
» figure(1);  
» plot(t,y);
```

# Základní grafické příkazy II

## Popis grafu

```
title titulek grafu  
xlabel, ylabel popisky os
```

## Vylepšení řešení úlohy 1

```
» title('Obrazek funkce v Matlabu');  
» xlabel('t');  
» ylabel('f(t)');
```



# Základní grafické příkazy II

## Popis grafu

```
title titulek grafu  
xlabel, ylabel popisky os
```

## Vylepšení řešení úlohy 1

```
» title('Obrazek funkce v Matlabu');  
» xlabel('t');  
» ylabel('f(t)');
```

# Grafy více funkcí

## Úloha 2

Nakreslete do jednoho obrázku grafy funkcí

$$f_1(t) = \frac{1}{4}t,$$

$$f_2(t) = e^{-\frac{1}{2}t},$$

$$f_3(t) = \frac{1}{4}t \cdot e^{-\frac{1}{2}t}.$$

## Řešení

```
> t = [0:0.1:5];  
> y1 = 0.25*t;  
> y2 = exp(-0.5*t);  
> y3 = y1 .* y2;
```

`legend` legenda grafu  
`xlim`, `ylim` limity os

# Grafy více funkcí

## Úloha 2

Nakreslete do jednoho obrázku grafy funkcí

$$f_1(t) = \frac{1}{4}t,$$

$$f_2(t) = e^{-\frac{1}{2}t},$$

$$f_3(t) = \frac{1}{4}t \cdot e^{-\frac{1}{2}t}.$$

## Řešení

```
» t = [0:0.1:5];  
» y1 = 0.25*t;  
» y2 = exp(-0.5*t);  
» y3 = y1 .* y2;
```

`legend` legenda grafu  
`xlim`, `ylim` limity os

# Grafy více funkcí

## Úloha 2

Nakreslete do jednoho obrázku grafy funkcí

$$f_1(t) = \frac{1}{4}t,$$

$$f_2(t) = e^{-\frac{1}{2}t},$$

$$f_3(t) = \frac{1}{4}t \cdot e^{-\frac{1}{2}t}.$$

## Řešení

```
» t = [0:0.1:5];  
» y1 = 0.25*t;  
» y2 = exp(-0.5*t);  
» y3 = y1 .* y2;
```

`legend` legenda grafu  
`xlim`, `ylim` limity os

# Grafy více funkcí

## Řešení úlohy 2 - pokračování

```
» ...  
» figure(2);  
» plot(t,y1,t,y2,t,y3);          % 'plot' musí být první  
» title('Obrazek tri funkci v Matlabu');  
» xlabel('t');  
» ylabel('y');  
» legend('jedna', 'druha', 'treti');  
» legend('jedna', 'druha', 'treti', 'Location', 'nw');  
» % nebo 'northwest'
```

# Grafy více funkcí

## Řešení úlohy 2 - pokračování

```
» ...  
» figure(2);  
» plot(t,y1,t,y2,t,y3);          % 'plot' musí být první  
» title('Obrazek tri funkci v Matlabu');  
» xlabel('t');  
» ylabel('y');  
» legend('jedna', 'druha', 'treti');  
» legend('jedna', 'druha', 'treti', 'Location', 'nw');  
» % nebo 'northwest'
```

# Grafy více funkcí

## Řešení úlohy 2 - pokračování

```
» ...  
» figure(2);  
» plot(t,y1,t,y2,t,y3);          % 'plot' musí být první  
» title('Obrazek tri funkci v Matlabu');  
» xlabel('t');  
» ylabel('y');  
» legend('jedna', 'druha', 'treti');  
» legend('jedna', 'druha', 'treti', 'Location', 'nw');  
» % nebo 'northwest'
```

# Skládání harmonických signálů

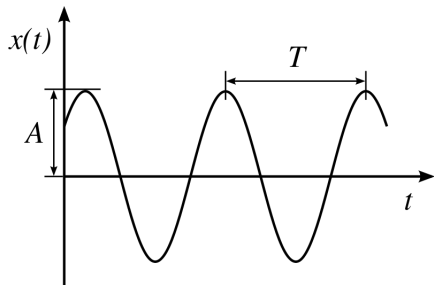
## Úloha 3

Složit dohromady frekvence 50 Hz a 120 Hz,  
zobrazit pomocí `subplot()`.

Přidat šum a zobrazit.

zvuk = soubor harmonických  
signálů

`subplot(m,n,p)` podobrázek





# Skládání harmonických signálů

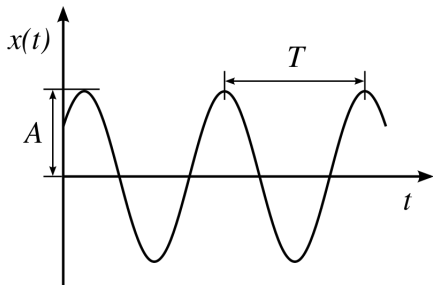
## Úloha 3

Složít dohromady frekvence 50 Hz a 120 Hz,  
zobrazit pomocí `subplot()`.

Přidat šum a zobrazit.

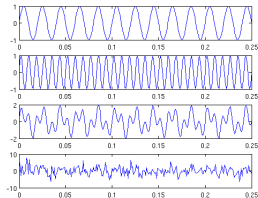
zvuk = soubor harmonických  
signálů

`subplot(m,n,p)` podobrázek



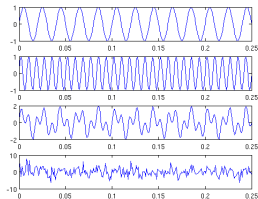
## Řešení úlohy 3

```
» t = [0:0.001:0.25];  
» s1 = sin(2*pi*50*t);  
» s2 = sin(2*pi*120*t);  
» s = s1 + s2;  
» sum = 2*randn(size(t));  
» plusSum = s + sum;  
» figure(1)  
» subplot(4,1,1), plot(t,s1);  
» subplot(4,1,2), plot(t,s2);  
» subplot(4,1,3), plot(t,s);  
» subplot(4,1,4), plot(t,plusSum);
```



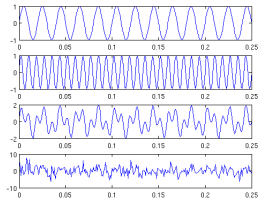
## Řešení úlohy 3

```
» t = [0:0.001:0.25];  
» s1 = sin(2*pi*50*t);  
» s2 = sin(2*pi*120*t);  
» s = s1 + s2;  
» sum = 2*randn(size(t));  
» plusSum = s + sum;  
» figure(1)  
» subplot(4,1,1), plot(t,s1);  
» subplot(4,1,2), plot(t,s2);  
» subplot(4,1,3), plot(t,s);  
» subplot(4,1,4), plot(t,plusSum);
```



## Řešení úlohy 3

```
» t = [0:0.001:0.25];  
» s1 = sin(2*pi*50*t);  
» s2 = sin(2*pi*120*t);  
» s = s1 + s2;  
» sum = 2*randn(size(t));  
» plusSum = s + sum;  
» figure(1)  
» subplot(4,1,1), plot(t,s1);  
» subplot(4,1,2), plot(t,s2);  
» subplot(4,1,3), plot(t,s);  
» subplot(4,1,4), plot(t,plusSum);
```



# Fourierova transformace

- harmonický signál: frekvence a fáze (a max. amplituda)
- složený signál: lineární kombinace harmonických funkcí

## Fourierova transformace

- 1–1 převod z časové roviny do frekvenční roviny
- časová rovina:
  - vodorovná osa čas  $t$
  - svislá osa (okamžitá) amplituda  $f(t)$
- frekvenční rovina:
  - vodorovná osa frekvence  $\xi$
  - svislá osa  $F(\xi)$  zahrnuje amplitudu a fázi (komplexní číslo)

# Fourierova transformace

- harmonický signál: frekvence a fáze (a max. amplituda)
- složený signál: lineární kombinace harmonických funkcí

## Fourierova transformace

- 1–1 převod z časové roviny do frekvenční roviny
- časová rovina:
  - vodorovná osa čas  $t$
  - svislá osa (okamžitá) amplituda  $f(t)$
- frekvenční rovina:
  - vodorovná osa frekvence  $\xi$
  - svislá osa  $F(\xi)$  zahrnuje amplitudu a fázi (komplexní číslo)

# Fourierova transformace

- harmonický signál: frekvence a fáze (a max. amplituda)
- složený signál: lineární kombinace harmonických funkcí

## Fourierova transformace

- 1–1 převod z časové roviny do frekvenční roviny
- časová rovina:
  - vodorovná osa čas  $t$
  - svislá osa (okamžitá) amplituda  $f(t)$
- frekvenční rovina:
  - vodorovná osa frekvence  $\xi$
  - svislá osa  $F(\xi)$  zahrnuje amplitudu a fázi (komplexní číslo)

# Fourierova transformace

- harmonický signál: frekvence a fáze (a max. amplituda)
- složený signál: lineární kombinace harmonických funkcí

## Fourierova transformace

- 1–1 převod z časové roviny do frekvenční roviny
- časová rovina:
  - vodorovná osa čas  $t$
  - svislá osa (okamžitá) amplituda  $f(t)$
- frekvenční rovina:
  - vodorovná osa frekvence  $\xi$
  - svislá osa  $F(\xi)$  zahrnuje amplitudu a fázi (komplexní číslo)



# Fourierova transformace

## K dalšímu studiu

**seriózně** např. <http://matematika.cuni.cz/dl/analyza/37-fou/lekce37-fou-pmax.pdf>

**srozumitelně** <http://ivankuckir.blogspot.cz/2013/11/fourierova-transformace-srozumitelne.html>



# Varianty Fourierovy transformace

- Fourierova transformace: periodické spojité signály
- neperiodický s.: krátkodobá FT (*short Fourier transform, SFT*)
- diskrétní signál (posloupnost)  $f[n]$ :
  - diskrétní Fourierova transformace, DFT (výpočetně náročná)
  - rychlá Fourierova transformace (*Fast Fourier transform, FFT*)  
algoritmus s menší složitostí;  
podmínka - počet vzorků je mocnina 2

# Varianty Fourierovy transformace

- Fourierova transformace: periodické spojité signály
- neperiodický s.: krátkodobá FT (*short Fourier transform, SFT*)
- diskrétní signál (posloupnost)  $f[n]$ :
  - diskrétní Fourierova transformace, DFT (výpočetně náročná)
  - rychlá Fourierova transformace (*Fast Fourier transform, FFT*)  
algoritmus s menší složitostí;  
podmínka - počet vzorků je mocnina 2

# Varianty Fourierovy transformace

- Fourierova transformace: periodické spojité signály
- neperiodický s.: krátkodobá FT (*short Fourier transform, SFT*)
- diskretní signál (posloupnost)  $f[n]$ :
  - diskretní Fourierova transformace, DFT (výpočetně náročná)
  - rychlá Fourierova transformace (*Fast Fourier transform, FFT*)  
algoritmus s menší složitostí;  
podmínka - počet vzorků je mocnina 2

# Varianty Fourierovy transformace

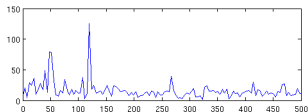
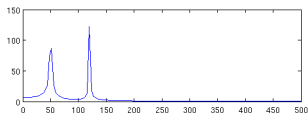
- Fourierova transformace: periodické spojité signály
- neperiodický s.: krátkodobá FT (*short Fourier transform, SFT*)
- diskretní signál (posloupnost)  $f[n]$ :
  - diskretní Fourierova transformace, DFT (výpočetně náročná)
  - rychlá Fourierova transformace (*Fast Fourier transform, FFT*)  
algoritmus s menší složitostí;  
podmínka - počet vzorků je mocnina 2

## Úloha 4

Analyzujte pomocí FFT příklady diskretních signálů z minulého úkolu.

### Řešení úlohy 4

```
» f_s = fft(s,length(t));  
» absf_s = abs(f_s);  
» ksi = 1000/length(t)*(0:127);  
  
» subplot(2,2,1);  
» plot(ksi,absf_s(1:128));  
» xlim([0,500]);
```

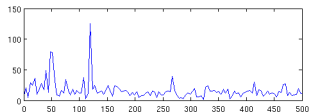
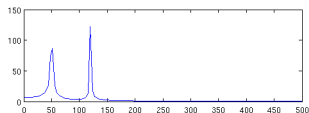


## Úloha 4

Analyzujte pomocí FFT příklady diskretních signálů z minulého úkolu.

## Řešení úlohy 4

```
» f_s = fft(s,length(t));  
» absf_s = abs(f_s);  
» ksi = 1000/length(t)*(0:127);  
  
» subplot(2,2,1);  
» plot(ksi,absf_s(1:128));  
» xlim([0,500]);
```



# Samostatná práce

## Pracovní data

stáhnout z webu

<http://zolotarev.fd.cvut.cz/static/msap/zvuky.zip>

uložit, rozbalit

nastavit v Matlabu pracovní adresář

## Nový příkaz

```
audioread načte .wav soubor
```

Například:

```
» zvuk = audioread('auto.wav');
```





# Samostatná práce

## Pracovní data

stáhnout z webu

<http://zlotarev.fd.cvut.cz/static/msap/zvuky.zip>

uložit, rozbalit

nastavit v Matlabu pracovní adresář

## Nový příkaz

```
audioread načte .wav soubor
```

Například:

```
» zvuk = audioread('auto.wav');
```



# Samostatná práce

## Pracovní data

stáhnout z webu

<http://zolutarev.fd.cvut.cz/static/msap/zvuky.zip>

uložit, rozbalit

nastavit v Matlabu pracovní adresář

## Nový příkaz

`audioread` načte `.wav` soubor

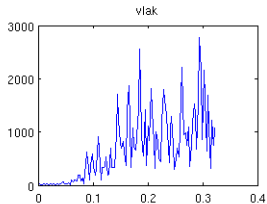
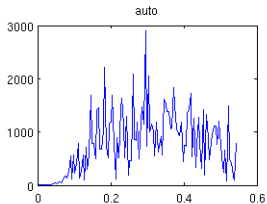
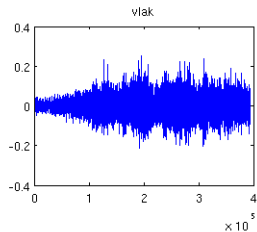
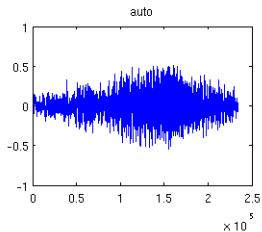
Například:

```
» zvuk = audioread('auto.wav');
```



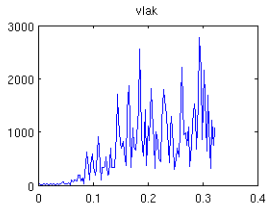
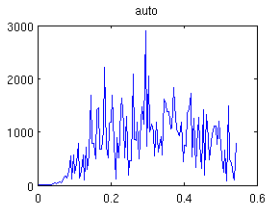
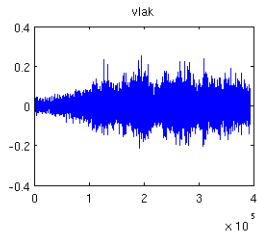
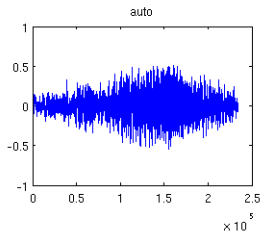
## Úkol

Vyberte si některé zvuky, načtěte je, prohlédněte si jejich graf. Proved'te pro ně Fourierovu analýzu, zobrazte výsledek.



## Úkol

Vyberte si některé zvuky, načtěte je, prohlédněte si jejich graf. Proved'te pro ně Fourierovu analýzu, zobrazte výsledek.





*That's all Folks!*