

# MĚŘENÍ ELEKTRICKÝCH VELIČIN

## TEORETICKÝ ÚVOD

S měřením elektrických a magnetických veličin, nebo s měřením neelektrických veličin, které jsou převáděny na elektrické veličiny, jsme v technické praxi v neustálém kontaktu. Pro jejich měření potřebujeme elektrické měřicí přístroje, které jsou založeny na různých principech. Podle druhu výstupu můžeme elektrické měřicí přístroje rozdělit na

- **analogové** (ukazovací),
- **číslicové** (digitální),
- **ostatní**.

**Analogové přístroje** jsou charakteristické tím, že údaj přístroje je dán výchylkou ručky nebo jiné značky vzhledem ke stupnici. Tyto přístroje mají zpravidla elektromechanické měřicí ústrojí.

Chyba údaje analogových přístrojů vzniká v důsledku nedokonalosti měřicího přístroje. Je souhrnem většího počtu dílčích chyb, z nichž některé mají charakter systematických chyb, jiné charakter náhodných chyb. Chyba údaje přístroje je důležitá při posuzování přesnosti měření a udává ji výrobce pomocí **třídy přesnosti**.

Přesnost měřicího přístroje je výrobcem stanovena pro určité přesné podmínky, tzv. **vztažné podmínky**. Je to proto, že údaj přístroje je závislý nejen na velikosti měřené veličiny, ale i na mnoha rušivých vlivech. Vztažné podmínky jsou hodnoty nebo meze těchto ovlivňujících veličin, při nichž platí zaručená hodnota chyby přístroje. Mezi ovlivňující veličiny, které vyvolávají přídatné chyby změnou údaje, patří např. teplota okolí, vychýlení přístroje ze správné polohy a vnější magnetické nebo elektrické pole. Nejsou-li pro určitý přístroj uvedeny konkrétní vztažné podmínky, je určen pro **normální pracovní podmínky** předepsané normou: teplota  $(23 \pm 10) ^\circ\text{C}$ , vnější magnetické pole maximálně 0,5 mT, pracovní poloha  $\pm 5^\circ$  od předepsané.

**Číslicové přístroje** se vyznačují tím, že přístroj udává hodnotu měřené veličiny zpravidla dekadickým číslem na indikačním panelu přístroje. Princip těchto přístrojů lze popsat takto: měřená veličina vstupuje do bloku úpravy signálu, v dalším bloku je převedena na číslicový údaj a posléze do indikační jednotky (zobrazovače). Aby byl údaj na zobrazovači čitelný, musí zůstat po určitou dobu stálý. Výstup číslicového přístroje nesleduje tedy nepřetržitě měřenou veličinu, ale tyto přístroje pracují na principu diskrétního měření – měří veličiny v předem určených časových intervalech. Nevýhodou číslicového měřicího přístroje je poměrně dlouhá doba potřebná k přečtení údaje, a proto se v některých případech dává přednost analogovým přístrojům (palubní přístroje automobilů a letadel) nebo se na zobrazovači objevuje symbol napodobující způsob čtení na analogovém přístroji (např. sloupec, jehož délka je úměrná velikosti měřené veličiny).

Stejně jako v případě analogových přístrojů, je údaj číslicových přístrojů zatížen chybou.

**Hlavní výhody číslicových měřicích přístrojů:**

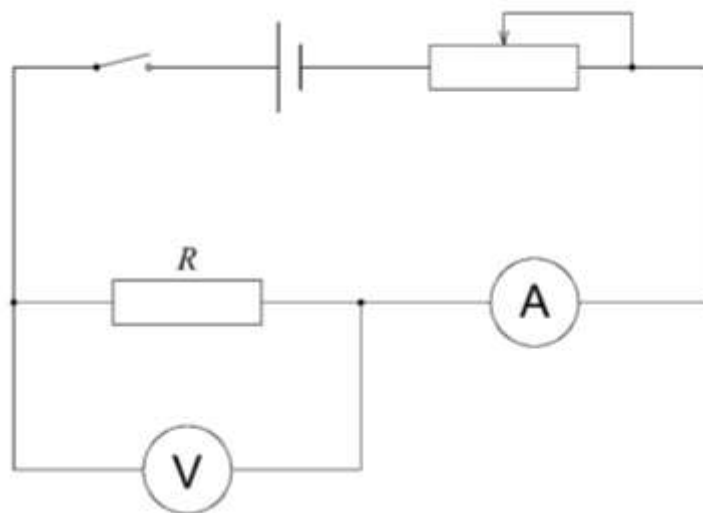
1. Velká přesnost čtení údaje ve srovnání s analogovými přístroji. Přesnost čtení číslicového přístroje je dána počtem míst na zobrazovači (počtem digitů), zatímco u analogových je to nejvíce asi 0,1 % (třímístné číslo). Prakticky neomezená přesnost čtení na zobrazovačích číslicových přístrojů však neznamená neomezenou přesnost měření – proto je užitečný jen takový počet míst údaje, jaký odpovídá přesnosti přístroje.

2. Údaj přístroje je lépe čitelný, nehrozí vliv paralaxy apod., a proto lze prakticky vyloučit chybu čtení.
  3. Číslicové přístroje lze snadno vybavit výstupem pro přenos a další zpracování dat.
- Mezi **nevýhody číslicových přístrojů** patří zejména nutnost vlastního zdroje energie (baterie, síťový přívod), poměrně dlouhá doba čtení, která ztěžuje sledování rychlejších změn měřené veličiny.

**Ostatní elektrické měřicí přístroje** zahrnují všechny přístroje nepatřící mezi analogové nebo číslicové přístroje, jako jsou webermetry, integrační měřicí přístroje, osciloskopy apod. Údaje o chybách těchto přístrojů nejsou předepsány normou a výrobci je udávají podle svých zvyklostí.

V laboratorním cvičení jsou nejčastější elektrické měřicí přístroje ve funkci měřidel elektrického proudu a napětí. Z toho důvodu podrobněji pojednáme o měření těchto veličin.

Napětí a proud můžeme měřit přístroji založenými na stejném principu. Měří se buď přístrojem určeným přímo k měření příslušné veličiny (napětí – voltmetr, proud – ampérmetr), nebo převodem napětí na proud (respektive proudu na napětí) a měřením této veličiny.



Obr. 1

Při měření napětí se připojuje **voltmetr paralelně** k té části obvodu, na které chceme měřit napětí, a při měření proudu **ampérmetr do série** s elementem, kterým prochází měřený proud. Zapojení přístrojů do obvodu, nezávisle na jejich přesnosti, způsobí, že naměřené hodnoty se budou do určité míry lišit od hodnot při odpojených přístrojích.

**Zapojení ampérmetru do obvodu** (obr. 1) způsobí **zmenšení proudu**  $I_A$ , protože se odpor obvodu zvětšil o odpor ampérmetru.

**Zapojení voltmetru do obvodu** paralelně k části elektrického obvodu (obr. 1) způsobí **zmenšení odporu** této části, protože odpor voltmetru tvoří bočník pro uvažovanou část obvodu.

**Naměřené napětí je menší** než napětí na uvažované části obvodu bez voltmetru. Tyto skutečnosti se zohledňují při výpočtech hodnoty malého a velkého odporu.

Analogové voltmetry mívají vnitřní odpor uvedený na stupnici přístroje, obvykle ve formě údaje o odporu připadajícím na 1 volt rozsahu přístroje.

Odpor  $R_A$  ampérmetru zpravidla bývá podstatně menší než odpor zátěže (v našem případě měřeného odporu) a vnitřní odpor  $R_i$  zdroje, takže chyba metody spočívající ve vlivu vnitřního odporu ampérmetru se může zanedbat. Pokud neprovádíme korekci na ovlivnění hodnot

měřicími přístroji, je třeba uvážit započtení vlivu přístrojů, zejména vlivu vnitřního odporu voltmetru, a jeho zahrnutí do chyby a nejistoty výsledku.

### **Příklad:**

Byl měřen malý odpor v zapojení podle obr. 1. Voltmetrem s rozsahem 2,4 V a s vnitřním odporem  $500 \Omega \cdot V^{-1}$  bylo naměřeno napětí 2 V, ampérmetrem byl naměřen proud 50 mA. Dosadíme do vzorce pro výpočet malého odporu, který má tvar

$$R = \frac{1}{\frac{I_A}{U_V} - \frac{1}{R_V}} \approx \frac{U_V}{I_A}.$$

První člen ve jmenovateli zlomku má velikost  $0,025 \Omega^{-1}$ , druhý člen  $0,0008 \Omega^{-1}$ , je o dva řády menší a můžeme ho proto zanedbat. Hodnotu odporu proto počítáme dosazením do zjednodušeného vzorce. Výsledek je  $R = 40 \Omega$ .

**Měření napětí elektronickými přístroji.** Při měření napětí se v praxi ještě můžeme setkat s elektronickými voltmetry. Rozumíme tím analogový měřicí přístroj, který kromě elektromechanického přístroje obsahuje ještě elektronické obvody obvykle ve funkci zesilovačů elektrického signálu. Výhodou je velká citlivost, široké frekvenční spektrum, relativně malá chyba měření, velký vstupní odpor a malá spotřeba. Podle druhu měřeného napětí je dělíme na stejnosměrné a střídavé. Rozsahy se pohybují v rozmezí od desetin  $\mu V$  do stovek V a dají se ještě rozšířit pro vyšší napětí.

Základní parametry ampérmetrů i voltmetrů jsou rozsah (případně rozsahy), přesnost a u přístrojů pro měření střídavého proudu i frekvenční rozsah.

Rozsahy analogových ampérmetrů se pohybují v rozmezí od desítek mikroampérů do desítek ampérů. Pro měření silnějších proudů asi do 1 000 A jsou určeny speciální klešťové ampérmetry. Přesnost ampérmetrů je dána třídou přesnosti. Souhrnně lze říci, že přístroje s třídami přesnosti 0,05 až 0,2 řadíme mezi přesné laboratorní přístroje, které jsou choulostivé na otřesy, změny teploty apod. Přístroje třídy přesnosti 0,5 až 1,5 jsou nejvíce rozšířené laboratorní a provozní přístroje konstruované pro běžné provozní podmínky. Přístroje třídy přesnosti 2,5 a 5 jsou určeny pro orientační měření i v nepříznivých podmínkách, pro užití ve funkci panelových přístrojů apod. V případě přístrojů pro měření střídavého proudu rozlišujeme ampérmetry pro měření proudů proměnných se sítovou frekvencí, tj. 50 až 60 Hz, a pro měření proudů s frekvencemi vyššími (max. stovky Hz).

Digitální ampérmetry mohou měřit podstatně menší proudy než přístroje analogové, a proto jsou na trhu běžně dostupné pikoampérmetry, tj. přístroje s rozsahy od  $10^{-12}$  A. Horní mez rozsahů ampérmetrů může být několik desítek ampér, pro měření větších proudů se vyrábějí klešťové ampérmetry s digitálním výstupem rovněž do cca 1 000 A. Přesnost přístrojů je dána nejen přesností provedení přístrojů, ale i počtem desetinných míst na zobrazovači. Často se můžeme setkat s tím, že výrobce udává počet míst na zobrazovači (displeji) ve formě např.:  $3 \frac{1}{2}$  digitu. Tento údaj znamená, že údaj na displeji se může pohybovat v rozmezí 0,000 až 1,999 neboli na prvním místě zleva může být nula nebo jednička a na zbylých třech místech všechny číslice od nuly do devítky. Pro digitální přístroje nejsou dosud ustálené způsoby třídění přístrojů podle přesnosti. V současné době pro ampérmetry platí, že nejméně přesné přístroje nejnižší cenové třídy mají přesnost řádově 1 % měřené hodnoty + (1 až 3) digitu. Přístroje střední přesnosti mají chybu 0,1 % údaje + (1 až 3) digitu a nejpřesnější ampérmetry dosahují

přesnosti 0,01 % údaje + 10 digitů. Přístroje s nižší a střední přesností se konstruují obvykle ve spojení s voltmetry. Takové přístroje jsou označovány jako multimetry a jsou obvykle doplněny o zařízení umožňující přímé měření odporu, frekvence střídavého signálu apod.

Rozsahy analogových voltmetrů se obvykle pohybují v rozmezí od milivoltů do desítek tisíc voltů a pro rozdělení přístrojů podle přesnosti platí analogicky to, co bylo řečeno v případě ampérmetrů. Nejmenší napětí, která mohou měřit digitální voltmetry, jsou ve srovnání s analogovými přístroji rovněž o několik řádů nižší. Špičkové přístroje měří napětí od  $10^{-9}$  V, tj. nanovoly. Horní hranice rozsahů, která je dána napěťovou odolností přívodů a přístrojových skříní, je stejná jako u analogových přístrojů, tj. tisíc až několik desítek tisíc voltů. Roztřídění přístrojů podle přesnosti je obdobné roztržidění ampérmetrů: nejméně přesné voltmetry mají displej 3 ½ digitu a chybu řádově 0,1 % údaje čtení (+1 digit), přístroje střední třídy mají displej 5 ½ digitu a chybu řádově 0,05 % + (1–2 digit) a nejpřesnější voltmetry mají displeje 6 1/2 až 7 ½ digitů a chybu (0,005–0,02)% údaje + (2–3) digit.

**Měření odporu** lze provádět různými metodami. Dále uvádíme ty z nich, se kterými se v praxi můžete nejčastěji setkat. Rychlé, ale méně přesné je měření odporu pomocí **ohmmetru**, resp. pomocí multimetru. V principu jde o proudoměrné přístroje se stupnicí v jednotkách odporu. Většinou obsahují vlastní napěťový zdroj, měřený rezistor se připojuje paralelně k napěťovému zdroji a protékající proud je měřítkem odporu.

Další způsob určení odporu spočívá v zapojení rezistoru do elektrického odporu se stejnosměrným napěťovým zdrojem a sériově zapojeným ampérmetrem, který měří proud tekoucím obvodem. Napětí na rezistoru se měří paralelně připojeným voltmetrem. Elektrický odpor je pak stanoven z Ohmova zákona. Pro měření elektrického odporu lze dále použít metodu substituční nebo metodu kompenzační. Elektrický odpor, kapacitu nebo indukčnost vodiče lze měřit **můstkovou metodou**. Tato metoda je v komerčních přístrojích realizována různými způsoby. V laboratorním cvičení je pro názornost používán pravítkový Wheatstoneův můstek. Při měření můstkem je třeba dosáhnout vyvážení můstku, tj. stavu, kdy rozdíl potenciálů mezi dvěma uzlovými body můstku je nulový.

Rezistivita  $\rho$  souvisí s rozměry vodiče a jeho elektrickým odporem relací

$$R = \rho \frac{l}{S}, [\rho] = \Omega \cdot \text{m}, \quad (1)$$

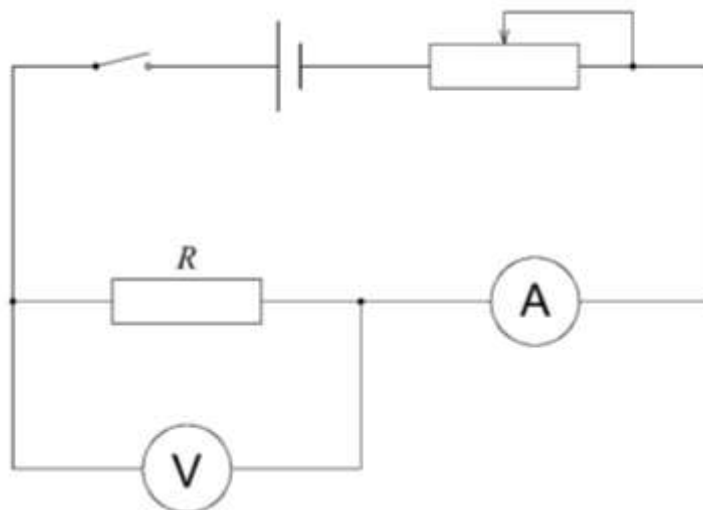
kde  $l$  je délka vodiče,  $S$  je jeho průřez. Rezistivita je materiálová konstanta.

# STANOVENÍ ELEKTRICKÉHO ODPORU Z OHMOVA ZÁKONA – MALÝ ODPOR

## ÚLOHA č. 21

### Způsob měření:

Schéma měření je na obr. 2.



Obr. 2

Elektrický odpor (rezistance) vodiče je podíl stejnosměrného napětí  $U$  na vodiči a proudu  $I$ , který jím prochází. Platí Ohmův zákon ve tvaru

$$R = \frac{U}{I}, [R] = \Omega. \quad (2)$$

Malý odpor, předpokládáme rezistor s hodnotou odporu nepřesahující  $100 \Omega$ , se měří v zapojení podle uvedeného schématu. Proud  $I$  procházející rezistorem je menší než proud  $I_A$  procházející ampérmetrem, protože paralelně připojeným voltmetrem prochází proud  $I_V$ . Platí

$$I_A = I + I_V.$$

Je-li  $R_V$  vnitřní odpor voltmetru, můžeme s využitím Ohmova zákona psát

$$I_A = \frac{U_V}{R} + \frac{U_V}{R_V}$$

a úpravou dostaneme pro hledaný odpor  $R$  vztah

$$R = \frac{1}{\frac{I_A}{U_V} - \frac{1}{R_V}} \approx \frac{U_V}{I_A} . \quad (3)$$

Přibližná hodnota odporu  $R = \frac{U_V}{I_A}$  je tím přesnější, čím je měřený odpor menší ve srovnání s vnitřním odporem voltmetru.

### **Připomínky k měření a vyhodnocení:**

Pro každý zvolený rezistor měřte jednu dvojici proudu a napětí a jejich hodnoty volte tak, aby ležely pro analogové přístroje pokud možno ve třetí třetině rozsahů. Maximální chyby hodnot proudu a napětí určete z třídy přesnosti, kterou spolu s měřicím rozsahem uveďte u naměřených hodnot. Pro digitální měřicí přístroje najdete údaje o chybách buď na kartě úlohy, nebo v návodu k přístroji. Při výpočtu nejistoty odporu předpokládejte, že zdroji nejistoty jsou omezená přesnost ampérmetru a voltmetru, a protože měření se provádí pouze jednou, vzniká pouze nejistota typu B. Relativní kombinovanou standardní nejistotu odporu určete aplikací vztahu pro obecný případ součinu a podílu přímo měřených veličin pro funkci ve tvaru podílu veličin na přibližný vztah (3) pro stanovení odporu. Dostanete relaci

$$u_{rR} = \sqrt{u_{rIB}^2 + u_{rUB}^2} \quad (4)$$

a obdobným způsobem vztah pro výpočet relativní nejistoty rezistivity

$$u_{r\rho B} = \sqrt{u_{rRB}^2 + u_{rIB}^2 + 4u_{rIB}^2} . \quad (5)$$

Je třeba si uvědomit, že kromě nejistoty vyplývající z nepřesnosti přístrojů je třeba při reálném stanovení nejistoty typu B zahrnout mezi další vlivy způsobující nejistotu typu B také vliv odporu přívodních vodičů, případně teplotní závislost elektrického odporu měřeného rezistoru i přívodních vodičů. Odpor přívodních vodičů může v případě měření odporu rezistoru multimetrem zvětšit stanovenou hodnotu až o 0,5  $\Omega$ . V případě stanovení elektrického odporu rezistoru z Ohmova zákona činí toto zkreslení také minimálně desetiny ohmů. Pro případ měření malých odporů může být toto zkreslení podstatné.

Údaje o rozměrech drátů, z nichž jsou vyrobeny rezistory, najdete na kartě.